

- 1. Einführung
- 2. Beschleuniger
- 3. Detektoren
- 4. Bewegungsgleichungen und Symmetrien
- 5. Das Quark-Modell und die CKM-Matrix
- 6. CP-Verletzung im Standardmodell
- 7. Proton- und Photonstruktur
- 8. Elektroschwache Präzisionsmessungen
- 9. Das Higgs-Boson
- **10.** Neutrino-Massen und Neutrino-Oszillationen

Das Wu Experiment - die Händigkeit von Teilchen

- Die untersuchte Reaktion ist: ${}_{27}^{60}$ Co $(J = 5) \rightarrow {}_{28}^{60}$ Ni* $(J = 4) e^- \bar{\nu}_e$. Deswegen muss das System aus e^- und $\bar{\nu}_e$ den Spin J = 1 haben.
 - Das Ausrichten der Co Kerne erfolgt durch ein starkes Magnetfeld bei niedriger Temperatur.
 - Die Polarisation des Co Targets wird durch die Anisotropie der ausgestrahlten Photonen des angeregten Nickel Kerns mit Hilfe von NaJ Szintillatoren gemessen.
 - Die auslaufenden Elektronen werden durch Szintillationslicht in einem Anthrazen Kristall nachgewiesen.



UCITE ROD

41.5 cm

MPING TUBE FOR

Die Elektronen werden bevorzugt entgegengesetzt zum Kernspin ausgestrahlt. Elektronen sind also bevorzugt Linkshänder $\vec{s}_e \uparrow \downarrow \vec{p}_e$ und keine Rechtshänder, $\vec{s}_e \uparrow \uparrow \vec{p}_e$.

Die Schwache Wechselwirkung unterscheidet also zwischen Rechts und Links.



Das Wu Experiment - die Paritätsverletzung



- Die Paritätstransformation dreht den Impuls um: $P | \vec{p_e} \rangle = - | \vec{p_e} \rangle$, aber nicht den Spin, $P | \vec{s_e} \rangle = | \vec{s_e} \rangle$ und $P | \vec{J} \rangle = | \vec{J} \rangle$.
- Masselose, $\beta \equiv c$, Fermionen sind Linkshänder,
 - $\vec{s}_f \uparrow \downarrow \vec{p}_f$, Antifermionen sind Rechtshänder $\vec{s}_{\bar{f}} \uparrow \uparrow \vec{p}_{\bar{f}}$.

- Bei massiven Fermionen ist die falsche Händigkeit mit β unterdrückt, $\langle \lambda_f \rangle = -\frac{1}{2}\beta_f$, mit $\lambda = \frac{\vec{s}\vec{p}}{|\vec{p}|}$.



drückung ist der Pion-Zerfall, $s_{\pi} = 0$, $\frac{\sigma(\pi)}{\sigma(\pi)}$ bei dem die geladenen Leptonen mit der falschen Händigkeit auftreten müssen.

Ein weiteres Beispiel f
ür diese Unter-

- Wegen $\frac{m_{\mu}}{m_{e}} \approx 200$ ist $\beta_{e} \gg \beta_{\mu}$ und deswegen der Zerfall in Elektronen stärker unterdrückt.

Das Wu Experiment ist die Manifestation der Paritätsverletzung in der schwachen WW.



Die Grundlagen des elektroschwachen Standardmodells

- Die linkshändigen Dubletts $\begin{pmatrix} \nu_e \\ e \end{pmatrix} \begin{bmatrix} u \\ d' \end{bmatrix}$ bekommen nun ihre tiefere Bedeutung.

Sie sind Eigenzustände zum schwachen Isospin mit $I_3 = +\frac{1}{2}(-\frac{1}{2})$ für oben (unten).

- Zusätzlich gibt es noch rechtshändige Singuletts, $I_3 = 0$, z.B. e_R , außer für die Neutrinos.
- Weiterhin wird den Teilchen eine schwache Hyperladung Y zugeordnet, sodass die Beziehung $Q = I_3 + \frac{Y}{2}$ erfüllt ist. Damit ergibt sich die folgende Zuordnung der Quantenzahlen zu den Fermionen der ersten Generation:

	$ u_e$	e	e_R	$oldsymbol{u}$	d'	u_R	d_R'
<i>I</i> 3	$\frac{1}{2}$	$-\frac{1}{2}$	0	$\frac{1}{2}$	$-\frac{1}{2}$	0	0
Y	-1	-1	-2	$\frac{1}{3}$	$\frac{\overline{1}}{3}$	$\frac{4}{3}$	$-\frac{2}{3}$
\boldsymbol{Q}	0	-1	-1	$\frac{2}{3}$	$-\frac{1}{3}$	$\frac{2}{3}$	$-\frac{1}{3}$

- Die Eichgruppe $U(1)_Y imes SU(2)_L$ koppelt mit den Eichbosonen B_μ und $ec{W}_\mu$ an die



Ströme j_{Y}^{μ} und \vec{j}_{L}^{μ} der Hyperladung Y und

nicht B_{μ} und \vec{W}_{μ} , sondern W^{\pm} , Z und γ .

Im Glashow-Weinberg-Salam Modell werden die physikalischen Zustände konstruiert.



Die Fermion-Boson Kopplungen im GSW Modell

- Die physikalischen Zustände, W^{\pm} , Z und γ sind Linearkombinationen aus B_{μ} und $W_{\mu i}$.

$$\begin{split} W_{\mu}^{\pm} &= \frac{1}{\sqrt{2}} (W_{\mu 1} \pm W_{\mu 2}) \\ Z_{\mu} &= -B_{\mu} \sin \theta_{W} + W_{\mu 3} \cos \theta_{W} \\ A_{\mu} &= B_{\mu} \cos \theta_{W} + W_{\mu 3} \sin \theta_{W} \end{split} \qquad \begin{array}{l} B_{\mu} &= -Z_{\mu} \sin \theta_{W} + A_{\mu} \cos \theta_{W} \\ \Rightarrow \\ W_{\mu 3} &= Z_{\mu} \cos \theta_{W} + A_{\mu} \sin \theta_{W} \end{split}$$

- Der Weinberg Winkel mischt die Eichbosonen derart, dass das Photon masselos wird, das Z-Boson aber eine Masse erhält. Dieser Higgs-Mechanismus wird später in einer separaten Vorlesung behandelt.
- Die Wechselwirkungen werden durch Terme der folgenden Form beschrieben.

 $H = -i \cdot Kopplungskonstante \cdot Ladungs-Strom \cdot Boson-Feld$



 $H_{
m elm} = -ie\,j^{\mu}_{
m elm}A_{\mu} \quad H_{Y} = -irac{g\,'}{2}\,j^{\mu}_{Y}B_{\mu} \qquad H_{L} = -ig\,ec{j}_{L}^{\,\mu}\,ec{W}_{\mu}$ - Wegen $Q = I_{3} + rac{Y}{2}$ folgt dann $j^{\mu}_{
m elm} = j^{\,\mu}_{L3} + rac{1}{2}j^{\mu}_{Y}$.

- Die Aufgabe ist nun, in $H_{\text{neutral}} = H_{L3} + H_Y$ die unphysikalischen Felder B_{μ} und $W_{\mu 3}$ durch die physikalischen Bosonen Z_{μ} und A_{μ} zu ersetzen.

Vereinigung von elektromag. und schwacher Kraft

$$-\operatorname{Aus} \quad H_{\operatorname{neutral}} = H_{L3} + H_Y = -ig \, j_{L3}^{\mu} W_{\mu 3} - i \frac{g'}{2} \, j_Y^{\mu} B_{\mu} \quad \text{folgt mit}$$

$$B_{\mu} = -Z_{\mu} \sin \theta_W + A_{\mu} \cos \theta_W \quad \text{und} \quad W_{\mu 3} = Z_{\mu} \cos \theta_W + A_{\mu} \sin \theta_W$$

$$\boxed{H_{\operatorname{neutral}} = -i(g \sin \theta_W j_{L3}^{\mu} + g' \cos \theta_W \frac{j_Y^{\mu}}{2})}_{\operatorname{elm}} A_{\mu} - i(g \cos \theta_W j_{L3}^{\mu} - g' \sin \theta_W \frac{j_Y^{\mu}}{2})}_{\operatorname{NC}} Z_{\mu}$$

- Der Vergleich des ersten Terms mit $H_{\rm elm} = -ie j^{\mu}_{\rm elm} A_{\mu}$ und $e j^{\mu}_{\rm elm} = e j^{\mu}_{L3} + e \frac{1}{2} j^{\mu}_{Y}$ liefert $e = g \sin \theta_W = g' \cos \theta_W.$ die Vereinigung der Kopplungen

 Z_{μ}

— Der zweite Term wird weiter umgeformt:

$$H_{\rm NC} = -i \left(g \cos \theta_W j_{L3}^{\mu} - g \frac{\sin^2 \theta_W}{\cos \theta_W} \left[j_{\rm elm}^{\mu} - j_{L3}^{\mu} \right] \right) Z_{\mu}$$

= $-i \frac{g}{\cos \theta_W} \left[j_{L3}^{\mu} - \sin^2 \theta_W j_{\rm elm}^{\mu} \right] Z_{\mu}$
- Damit ist die Z_{μ} Wechselwirkung zu $H_{\rm NC} = -i \frac{g}{\cos \theta_W} j_{\rm NC}^{\mu} Z_{\mu}$

mit dem Strom $j_{\rm NC}^{\,\mu} = j_{L3}^{\,\mu} - \sin^2 \theta_W j_{\rm elm}^{\,\mu}$ festgelegt.



Im GWS Modell sind die elektromagnetische und die schwache Wechselwirkung vereinigt.



- $-\operatorname{Mit} \, j_{L3}^{\,\mu} = \bar{\Psi}\gamma^{\mu} \frac{1}{2} \left(1 \gamma^{5}\right) I_{3}\Psi \text{ und } j_{\text{elm}}^{\,\mu} = \bar{\Psi}\gamma^{\mu}Q\Psi \text{ folgt für } j_{\text{NC}}^{\,\mu} = j_{L3}^{\,\mu} \sin^{2}\theta_{W}j_{\text{elm}}^{\,\mu}$ $j_{\text{NC}}^{\,\mu} = \bar{\Psi}\gamma^{\mu} \frac{1}{2} \left[\left(1 \gamma^{5}\right)I_{3} 2\sin^{2}\theta_{W}Q \right] \Psi = \bar{\Psi}\gamma^{\mu} \frac{1}{2} \left[\left(I_{3} 2\sin^{2}\theta_{W}Q\right) \gamma^{5}I_{3} \right] \Psi.$
- Wegen des Transformationsverhaltens von $V \equiv \bar{\Psi} \gamma^{\mu} \Psi$ und $A \equiv \bar{\Psi} \gamma^{\mu} \gamma^{5} \Psi$ bezeichnet man die Wechselwirkung als V A Wechselwirkung und die Kopplungen dementsprechend mit $g_{V} \equiv (I_{3} 2 \sin^{2} \theta_{W} Q)$ und $g_{A} \equiv I_{3}$, also $\sin^{2} \theta_{W} = \frac{1}{4} \left(1 \frac{g_{V}}{g_{A}}\right)$.
- Der Axialvektorstrom koppelt also nur an linkshändige Fermionen, der Vektorstrom aber sowohl an links- als auch an rechtshändige Fermionen.
- Mit der Definition $g_{V,A} = g_L \pm g_R$ folgt $\frac{1}{2} \left(g_V g_A \gamma^5 \right) = g_L \frac{1}{2} \left(1 \gamma^5 \right) + g_R \frac{1}{2} \left(1 + \gamma^5 \right)$
- In der Weyl-Darstellung der Gamma Matrizen ist $\gamma^5 \equiv \begin{pmatrix} -I & 0 \\ 0 & I \end{pmatrix}$, damit gilt $P_L \equiv \frac{1}{2} \left(I - \gamma^5 \right) = \begin{pmatrix} I & 0 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$ und $P_R \equiv \frac{1}{2} \left(I + \gamma^5 \right) = \begin{pmatrix} 0 & 0 \\ 0 & I \end{pmatrix}$.
- Dies sind die Projektoren der links- und rechtshändigen Komponenten χ und ϕ des Spinors $\Psi = \begin{pmatrix} \chi \\ \phi \end{pmatrix}$ mit $P_L \Psi = \chi$ und $P_R \Psi = \phi$.

Wegen des QED Anteils koppelt $j_{\rm NC}^{\ \mu}$ auch an rechtshändige Fermionen.





Dies ist das Resultat kontinuierlicher Messungen über mehrere Jahrzehnte.



Der Zerfälle des Z-Bosons



Die Aufgabe besteht darin, die Zerfallskanäle zu erkennen und die Ereignisse zu zählen.





Die Z-Anregungskurve

- Im Standardmodell wird die Z-Resonanz durch die Shape Parameter, m_Z , Γ_Z , σ_h^0 , die Verzweigungsverhältnisse, R_e , R_μ , R_τ , und die Forwärts-Rückwärts Asymmetrien, $A_{\rm FB}^e$, $A_{\rm FB}^\mu$, $A_{\rm FB}^\tau$, bestimmt.

$$egin{aligned} \sigma_h^0 &= rac{12\,\pi}{m_Z^2} rac{\Gamma_{
m ee}\Gamma_{
m had}}{\Gamma_Z^2} \ R_e &= rac{\Gamma_{
m had}}{\Gamma_{
m ee}}, \ R_\mu &= rac{\Gamma_{
m had}}{\Gamma_{\mu\mu}}, ext{und} \ R_ au &= rac{\Gamma_{
m had}}{\Gamma_{ au au}} \ A_{
m FB}^f &= rac{3}{4} \ A_e \ A_f \ {
m mit} \ A_f &= rac{2g_{vf}g_{af}}{g_{vf}^2+g_{af}^2} \end{aligned}$$

 Dieser Satz von Parametern hat die kleinsten Korrelationen und ist deswegen optimal zur Kombination der Resultate der vier LEP Experimente.

Im LEPI Programm von 1989-1995 wurden diese Parameter mit großer Genauigkeit bestimmt.



Messung der Forward-Backward Asymmetrie



Es gibt Messungen für alle Lepton- und Quarksorten an vielen Energiepunkten.



Der Test der Lepton-Universalität



– Im Falle der Leptonuniversalität gilt:

1)
$$R_e = R_\mu = R_\tau \equiv R_\ell = \frac{\Gamma_{\text{had}}}{\Gamma_{\ell\ell}}$$

2) $A_{\text{FB}}^e = A_{\text{FB}}^\mu = A_{\text{FB}}^\tau \equiv A_{\text{FB}}^\ell$

- Nach Anbringen von Massenkorrekturen wegen $m_e: m_\mu: m_\tau \approx 1:200:3500$, ist die Lepton-Universalität in sehr guter Näherung erfüllt.

 $R_\ell = 20.767 \pm 0.025 \ A_{
m FB}^\ell = 0.0171 \pm 0.0010$

- Das bedeutet:
 - 1) Das Z zerfällt zu 10% in geladene Leptonen.
 - 2) Die Lepton-Asymmetrie

 $A_{\mathrm{FB}}^{\ell} = rac{N_{\mathrm{F},\ell} - N_{\mathrm{B},\ell}}{N_{\mathrm{F},\ell} + N_{\mathrm{B},\ell}}$ beträgt 1.7%.

- Damit reduziert sich der Satz auf 5 Parameter: m_Z , Γ_Z , σ_h^0 , R_ℓ , A_{FB}^ℓ .

Alle Leptonen koppeln mit der gleichen Stärke an das Z-Boson.



- Aus der unsichtbaren Breite der Z-Resonanz kann man die Anzahl der Generationen leichter Neutrinos bestimmen: $\Gamma_{inv} = \Gamma_{Z} \Gamma_{had} \Gamma_{had} (\frac{1}{R_e} + \frac{1}{R_{\mu}} + \frac{1}{R_{\tau}}).$
- Die hadronische Breite $\Gamma_{
 m had}$ erhält man aus σ_h^0 unter Benutzung von $\Gamma_{
 m Z}$, m_Z und R_e ,



$$\Gamma_{\text{had}} = \left(\frac{\sigma_h^0 m_Z^2 \Gamma_Z^2 R_e}{12 \pi}\right)^{\frac{1}{2}} = m_Z \Gamma_Z \left(\frac{\sigma_h^0 R_e}{12 \pi}\right)^{\frac{1}{2}} = \Gamma_Z \cdot 0.70 = 1.7444 \pm 0.00020 \text{ GeV}$$

$$\Gamma_{
m inv}=0.4990\pm 0.0015~{
m GeV}$$

 Damit ist das Verhältnis der unsichtbaren zur leptonischen Breite :

$$rac{\Gamma_{
m inv}}{\Gamma_{\ell\ell}} = rac{\Gamma_{
m inv}}{\Gamma_{
m had}} / rac{\Gamma_{\ell\ell}}{\Gamma_{
m had}} = 5.942 \pm 0.016$$

— Die Standardmodellvorhersage ist:

$$\frac{\Gamma_{\nu\nu}}{\Gamma_{\ell\ell}} = 1.9912 \pm 0.0012 \quad \Rightarrow \quad \boxed{N}$$

Es gibt drei Generationen leichter Neutrinos.

Die Masse und Breite des Z-Bosons





Der schwache Mischungswinkel



- Am SLAC wurden polarisierte Elektronenstrahlen mit $|P_e| \approx 75\%$ und Positronstrahlen zur Kollision gebracht.

$$P_e = rac{R-L}{R+L} = egin{cases} -1 & ext{alle Links} \ 0 & ext{Rechts} = ext{Links} \ 1 & ext{alle Rechts} \end{bmatrix}$$

Die Asymmetrie der Wirkungsquerschnitte f
ür links- und rechtsh
ändige Elektronen ist:

$$\begin{aligned} A_{\rm LR} &= \frac{1}{|P_e|} \frac{N_{\rm L} - N_{\rm R}}{N_{\rm L} + N_{\rm R}} = \frac{g_L^2 - g_R^2}{g_L^2 + g_R^2} = \frac{2g_V g_A}{g_V^2 + g_A^2} = A_e, \\ \text{da } g_{V,A} &= g_L \pm g_R. \text{ Ausserdem gilt: } \sin^2 \theta_W = \frac{1}{4} \left(1 - \frac{g_V}{g_A} \right). \\ \text{Die link/rechts forward/backward Asymmetrie ist:} \\ \tilde{A}_{\rm FB}^\ell &= \frac{4}{3|P_e|} \frac{(N_{\rm LF} - N_{\rm LB}) - (N_{\rm RF} - N_{\rm RB})}{(N_{\rm LF} + N_{\rm LB}) + (N_{\rm RF} + N_{\rm RB})} = A_l, A_{\rm FB}^\ell = \frac{3}{4} A_e A_\ell \\ \text{Die Winkelverteilung ergibt sich zu:} \\ \frac{d\sigma}{d\cos\theta} &= C \left[(1 - P_e A_e) (1 + \cos^2 \theta) + 2(A_e - P_e) A_f \cos \theta \right] \end{aligned}$$

 $A_e/A_\mu/A_ au = 0.1516 \pm 0.0021/0.142 \pm 0.015/0.136 \pm 0.015$ $\Rightarrow A_\ell = 0.15130 \pm 0.00207$ und $\sin^2 \theta_W = 0.23098 \pm 0.0026$.

Die polarisierten Elektronen liefern die genaueste Messung.



Die leptonischen Kopplungen



Der schwache Mischungswinkel zeigt eine der wenigen 3σ Diskrepanzen.



Der W-Paar Produktionsquerschnitt - ein Beispiel



Die W-Paar Produktion ist in allen Kanälen untersucht worden.



Die W-Paar Produktion - zwei Beispiele





 $W^+W^- o \mu
u_\mu \ e
u_e$



Die W-Produktion liefert klare Signaturen.



Der W-Paar Produktionsquerschnitt - das Resultat

Ein Beispiel Die Kombination der LEP Resultate $\sigma(e^+e^-\rightarrow W^+W^-)$ 20 Measured σ^{WW} / YFSWW [qd] 18 ^M→16 1/07/200 **OPAL** σ_{WW} (pb) 20 FΡ PRELIMINARY PRELIMINARY 08/07/2003 YFSWW and RacoonWW 183 GeV 1.030 ± 0.024 14 189 GeV 0.986 ± 0.014 192 GeV 1.007 ± 0.030 12 196 GeV 1.019 ± 0.020 10 10 200 GeV 0.992 ± 0.019 8 202 GeV 1.002 ± 0.025 6 205 GeV 0.981 ± 0.019 207 GeV 1.008 ± 0.016 4 Data **YFSWW/RacoonWW** 190 195 200 205 0 LEP combined 0.997 ± 0.010 2 **GENTLE 2.0** 160 200 180 χ^2 /ndf=32.7/31 No ZWW Vertex 0 ^[] 150 √s (GeV) 1.1 0.9 170 190 1. 160 180 200 √s [GeV]

 Das Resultat belegt klar die Existenz des ZWW Vertex. Die W-Paar Produktion ist je Energiepunkt mit ca. 2% Genauigkeit gemessen worden.

Das Standardmodell beschreibt den Wirkungsquerschnitt mit etwa 1% Genauigkeit.



Der W-Paar Massenbestimmung - ein Beispiel



- Die besten Kanäle sind $q\bar{q}q\bar{q}$ und $q\bar{q}\ell\nu_{\ell}$.
- Der Nachteil von $q\bar{q}q\bar{q}$ sind Wechselwirkungen der Quarks verschiedener W-Bosonen, 'Color reconnection' und 'Bose-Einstein Correlation', die auftreten können, da die Zerfallslänge von 0.1 fm kleiner ist als die Reichweite der starken WW von ca. 1 fm.
- Der Nachteil von $q\bar{q}\ell\nu_{\ell}$ ist das unsichtbare Neutrino.
- Die Massen der W-Bosonen werden durch Anpassungen mit Nebenbedingungen $\sum E = 2E_{\rm b}, \sum \vec{p} = 0$ und $M_{W^+} = M_{W^-}$ bestimmt.
- Durch diese Constrained fits wird die Massenauflösung entscheidend verbessert.

 $egin{aligned} M(W o qar{q}\ell
u_\ell) &= (80.516 \pm 0.073) \ {
m GeV} \ M(W o qar{q}qar{q}) &= (80.407 \pm 0.120) \ {
m GeV} \end{aligned}$

Wegen der systematischen Unsicherheiten von $q\bar{q}q\bar{q}$ liefert $q\bar{q}\ell\nu_{\ell}$ das genauere Resultat.



Die Masse und Breite des W-Bosons



- Die indirekte Massenbestimmung liefert $M(W) = (80.387 \pm 0.023)$ GeV

Die indirekte Bestimmung der W-Masse ist immer noch genauer als die direkte.





Das Standardmodell hat Promille Tests schadlos überstanden.



- Die Entdeckung der Paritätsverletzung war ein Meilenstein zum Verständnis der schwachen Wechselwirkung.
- Das elektroschwache Standardmodell vereinigt elektromagnetische und schwache Wechselwirkung.
- Im GSW Modell koppeln die W[±]-Bosonen an linkshändige Fermionen und rechtshändige Antifermionen. Wegen der Mischung über den Weinbergwinkel koppelt der neutrale elektroschwache Strom auch an rechtshändige Fermionen.
- Die Messungen zum Z-Boson haben die Vorhersagen des GSW Modell auf sub-Promille Genauigkeit bestätigt.
- Die W-Paar Erzeugung wurde bei LEP mit Prozent-Genauigkeit untersucht. Die indirekte Messung der W-Masse ist jedoch immer noch genauer als diese direkten Messungen.
- Das Standardmodell zeigt eine gute Konsistenz zwischen direkten und indirekten Bestimmungen der Top- und W-Massen.
- Die direkte Suche nach dem Higgs-Boson geht in eine neue Runde.
 Das ist das Thema der nächsten Vorlesung.