

- 1. Einführung
- 2. Beschleuniger
- 3. Detektoren
- 4. Bewegungsgleichungen und Symmetrien
- 5. Das Quark-Modell und die CKM-Matrix
- 6. CP-Verletzung im Standardmodell
- 7. Proton- und Photonstruktur
- 8. Elektroschwache Präzisionsmessungen
- 9. Das Higgs-Boson
- 10. Neutrino-Massen und Neutrino-Oszillationen



 Durch Streuung von hochenergetischen Elektronen an Protonen können Quarks aus dem Verband befreit werden. Die Häufigkeit und die kinematischen Eigenschaften der Ereignisse geben dann Aufschluß über die Impulsverteilung der Quarks im Proton.

Die komplexe Struktur des Protons wird durch tief-inelastische Streuung untersucht.



Definition der Strukturfunktion $F_2^{\rm p}$

- Die Energiedifferenz eines Zustands aus drei Quarks i = 1, 2, 3 mit Massen m_i und Impulsen $k_i = x_i P$ und eines Protons ist:

 $\Delta E = E_{3q} - E_p = \sum_i \sqrt{k_{i,L}^2 + k_{i,T}^2 + m_i^2} - \sqrt{P^2 + m_p^2}$, mit T(L) = transv. (longit.).

- Im 'infinite momentum frame' gilt $E_p \approx P \approx P_L \gg m_p$, sowie, $E_p \approx \sum_i k_{i,L}$. Die Entwicklung $\sqrt{1+z} \approx 1 + \frac{z}{2}$ liefert dann: $\Delta E = \sum_i \frac{k_{i,T}^2 + m_i^2}{2x_i E_p} - \frac{m_p^2}{2E_p}$.
- Für diese minimale Verletzung der Energie folgt aus der Unbestimmtheitsrelation eine lange Lebensdauer dieser Fluktuation. Es ist damit also sehr wahrscheinlich, das Proton in einem Zustand dreier quasi-freier Quarks anzutreffen.
- Vernachlässigt man die Massen und bezeichnet mit $q_k(x)$, wobei k = xP, die Wahrscheinlichkeit ein Quark der Sorte k = u, d, ... im Impulsbereich [x, x + dx] zu finden, so folgt für den Wirkungsquerschnitt der Elektron-Quark Streuung durch γ_T Austausch:

$$rac{{
m d}\sigma^{\,eq}}{{
m d}Q^{\,2}} = rac{2\pilpha^{\,2}}{Q^{\,4}} [1+(1-y)^2] \sum_{k=1}^{
m n_f} {
m e}_{
m q_k}^2 \left[q_k(x) + ar q_k(x)
ight] {
m d}x$$

- Summiert man über alle Endzustände und definiert $F_2^{
m p}\equiv x\sum_{k=1}^{
m n_f}{
m e}_{
m q_k}^2\,[q_k(x)+ar q_k(x)]$, so

erhält man für die Elektron-Proton Streuung:

$$rac{{
m d}^2 \sigma^{ep}}{{
m d}Q^2 {
m d}x} = rac{2\pi lpha^2}{xQ^4} [1+(1-y)^2] F_2^{
m p}$$

Die Strukturfunktion F_2^p ist die Summe der ladungsgewichteten Quark-Verteilungsfunktionen.

Tief-inelastische Elektron-Proton Streuung



$$\frac{\mathrm{d}^2\sigma}{\mathrm{d}x\,\mathrm{d}Q^2} = \frac{2\pi\alpha^2}{x\,Q^4} \cdot \left[f_y^+ \cdot F_2^\mathrm{p}(x,Q^2) + f_y^- \cdot xF_3^\mathrm{p}(x,Q^2) - y^2 \cdot F_\mathrm{L}^\mathrm{p}(x,Q^2) \right]$$

Die verschiedenen Evolutionsgleichungen

- DGLAP: Die Dokshitzer-Gribov-Lipatov-Altarelli-Parisi Evolutionsgleichung summiert Terme der Form $\alpha_s \ln Q^2$. Daraus folgt eine strenge Ordnung der Gluonleiter im Transversalimpuls k_T . Sie findet breite Anwendung in Strukturfunktionsanalysen.
- BFKL: Die Balitsky-Fadin-Kuraev-Lipatov Evolutionsgleichung summiert Terme der Form $\alpha_s \ln(1/x)$. Daraus folgt eine strenge Ordnung der Gluonleiter in x, aber nicht in k_T . Sie wurde entwickelt, um Phänomene bei kleinsten x zu studieren.
- CCFM: Die Ciafaloni-Catani-Fiorani-Marchesini Evolutionsgleichung interpoliert zwischen DGLAP und BFKL. Sie basiert auf einer strengen Ordnung im Winkel und "color coherence". Diese Interpolation geht im entsprechenden Limes in eine der anderen anderen Gleichungen über.

Die DGLAP Evolution beschreibt die HERA Daten auch für kleine x und Q^2 sehr erfolgreich.

Die Q² Entwicklung der Verteilungsfunktionen

- $\begin{array}{l} \text{ Die Verteilungsfunktionen unterliegen gekoppelten homogenen Evolutionsgleichungen.} \\ \text{ Quarks: } \quad \frac{\mathrm{d}q_i}{\mathrm{d}\ln Q^2} = \frac{\alpha_s}{2\pi} \Bigg\{ \sum_{k=1}^{\mathrm{n_f}} \left[P_{q_i q_k} \otimes q_k + P_{q_i \bar{q}_k} \otimes \bar{q}_k \right] + P_{q_i g} \otimes g \Bigg\}, \\ \text{ Antiquarks: } \quad \frac{\mathrm{d}\bar{q}_i}{\mathrm{d}\ln Q^2} = \frac{\alpha_s}{2\pi} \Bigg\{ \sum_{k=1}^{\mathrm{n_f}} \left[P_{\bar{q}_i q_k} \otimes q_k + P_{\bar{q}_i \bar{q}_k} \otimes \bar{q}_k \right] + P_{\bar{q}_i g} \otimes g \Bigg\} \text{ und} \\ \text{ Gluonen: } \quad \frac{\mathrm{d}g}{\mathrm{d}\ln Q^2} = \frac{\alpha_s}{2\pi} \Bigg\{ \sum_{k=1}^{\mathrm{n_f}} \left[P_{g q_k} \otimes q_k + P_{g \bar{q}_k} \otimes \bar{q}_k \right] + P_{g g} \otimes g \Bigg\}. \\ \text{ mit } P_{ik} \equiv P_{ik}(z), \ q_k \equiv q_k(x, Q^2), \ P(z) \otimes q(y, Q^2) \equiv \int_x^1 \frac{\mathrm{d}y}{y} \ P(z) \cdot q(y, Q^2) \ \text{ und } z \equiv \frac{x}{y}. \end{array}$
- Die Splittingfunktionen $P_{i,k}(z)$ beschreiben die Wahrscheinlichkeit, ein Parton *i* mit Impulsanteil z im Parton k zu finden.

Beispiele:
$$P_{q_iq_k}(z) = \delta_{ik} \left[\frac{4}{3} \frac{1+z^2}{(1-z)_+} + 2\delta (1-z) \right], \quad P_{q_ig}(z) = \frac{1}{2} \left[z^2 + (1-z)^2 \right].$$

 $q_k \xrightarrow{P_{q_iq_k}} q_i$
 $q_k \xrightarrow{P_{q_iq_k}} g$
 $P_{gq_k} \xrightarrow{q_i} g$
 $P_{\bar{q}_ig} \xrightarrow{q_i} q_i$

- Aus der Entwicklung der Quark Verteilungsfunktionen lassen sich g und α_s bestimmen.

Die QCD bestimmt die Q^2 Entwicklung aber nicht die Verteilungsfunktionen f(x, Q_0^2).

Die Parametrisierungen der Verteilungsfunktionen PDFs

- Ohne Bindungskräfte ergeben sich feste Impulse.
- Durch die Bindungskräfte werden die Verteilungsfunktionen ausgeschmiert.
- Wenn zusätzlich See-Quarks in Fluktuationszuständen entstehen, werden die Verteilungsfunktionen bei hohem *x* durch Gluonabstrahlung abgesenkt und bei niedrigem *x* durch Paarerzeugung aufgefüllt.
- Die Möglichkeit der Auflösung dieser Fluktuationen variiert mit Q^2 . Deswegen sind die Absenkung und Anfüllung Q^2 abhängig. Das ist die Skalenverletzung.
- $xg = 0.669x^{0.00}(1-x)^{3.96}(1+6.98x^{0.5}-3.63x) 0.23x^{-0.27}(1-x)^{8.7}$

Die Anpassung der PDFs an die Daten wird von mehreren Gruppen durchgeführt.

HERA und ein H1 Ereignis

Die Experimente H1 und Zeus nehmen seit 1989 Daten.

Messungen von $F_2^{ m p}$

- Steiler Anstieg von F_2^p für kleine Werte von x. F_2^p ist steiler für größere Werte von Q^2 . - Für 0.1 < x < 0.2 ist die Strukturfunktion F_2^p unabängig von $Q^2 \Rightarrow$ Bjorken Scaling.

Die Ergebnisse verschiedener Experimente schliessen nahtlos aneinander an.

Die Skalenverletzung von F_2^p und die Gluondichte

Das Photon und seine Geschichte

Name	$oldsymbol{\gamma}$
Ladung	0
Masse	0
Spin Parität	$J^{PC} = 1^{}$
Lebensdauer	∞
Geschwindigkeit	С
Kopplungsstärke	α
Natur	Welle / Teilchen
Aufgabe	Boson der elm. WW
Lebensdauer Geschwindigkeit Kopplungsstärke Natur Aufgabe	∞ c α Welle / Teilchen Boson der elm. WW

- 8.11.1895 Röntgen entdeckt die X-Strahlen, erster Nobelpreis für Physik 1901.
 - 1900 Planck interpretiert Licht durch 'Energiequanten', $E = h \nu$, mit $h = 1.05 \cdot 10^{-16}$ eVs.
 - 1905 Einstein erklärt den Photoeffekt durch 'Photonen'.
 - 1922 Entdeckung der Comptonstreuung ${
 m e}\gamma
 ightarrow {
 m e}'\gamma'.$
- 1927 Heisenberg formuliert die Unbestimmtheitsrelation, z.B. $\Delta p \Delta x \geq \hbar$.
- 1930 Erster Versuch der Messung der Photon-Photon Streuung von Hughes et al.
- **1932 Anderson entdeckt das Positron in der Höhenstrahlung.**
- **1936** Erste Berechnung der Photon-Photon Streuung durch Euler und Kockel.
- **1981** Erste Messung der hadronischen Photonstrukturfunktion durch PLUTO.

Das Photon hat eine lange, bewegte Geschichte, sowohl als Welle, als auch als Teilchen.

Fig. 2. Diagram of apparatus.

$$-\gamma_{1}(\lambda_{\rm in})\gamma_{2}(\lambda_{\rm in}) \rightarrow \gamma_{1}'(\lambda_{\rm out})\gamma_{2}'(\lambda_{\rm out})$$

- $-\lambda_{
 m out} = \lambda_{
 m in}(1+\cos heta)$
- Es wurde kein Licht beobachtet, also

 $\sigma < 3 \cdot 10^8$ pb.

 Durch Nutzung monochromatischer Laser hoher Leistung sowie der Nachweismöglichkeit weniger Photonen wurde die Sensitivität extrem verbessert. Es wurde kein Signal

beobachtet,
$$\Rightarrow \left| \, \sigma < 10^{-13} \, \, {
m pb} \, \,
m{c}
m{pb}$$

- Euler & Kockel (1936): Für $E_{\gamma} = h\nu \ll m_{\rm e}c^2$ gilt: $\sigma_{\gamma\gamma \to \gamma\gamma} = 0.73 \cdot 10^{-29} \cdot \left(\frac{h\nu}{\rm eV}\right)^6$ pb. Damit folgt für $\lambda = 400 - 700$ nm

$$\sigma_{\gamma\gamma
ightarrow\gamma\gamma}\,=(1-64)\cdot10^{-28}\;{
m pb}$$

Es fehlen immer noch 15 Größenordnungen.

- In (a) nimmt das Photon als Ganzes an der Wechselwirkung teil \Rightarrow KEINE Struktur.
- Die Fluktuationen (b,c) können wegen der Unschärferelation existieren \Rightarrow Photon Struktur.
- Die typische Lebensdauer der Fluktuationen steigt mit der Photonenergie an. Analog zur Rechnung für die Quarks im Proton ergibt sich für die Fluktuation $\gamma \rightarrow q\bar{q}$: $\Delta E = E_{q\bar{q}} - E_{\gamma} = \sum_{i=1}^{2} \frac{k_{i,T}^2 + m_i^2}{2x_i E_{\gamma}} = \frac{1}{2E_{\gamma}} \frac{k_{q,T}^2 + m_q^2}{x(1-x)}$ und für die Lebensdauer: $\Delta t = \frac{\hbar}{\Delta E}$.
- Außerdem fällt die Lebensdauer der Fluktuationen mit der Photonvirtualität ab.

Die Photonstruktur resultiert alleinig aus den Quantenfluktuationen.

Tief-inelastische Elektron-Photon Streuung

Die integrierte Luminosität

In Analysen genutzt wurden etwa 160/pb am Z⁰ und etwa 700/pb mit $\sqrt{s_{\rm ee}} > 2M_W$.

Vorhersagen zur Photonstruktur

QED Struktur

- Die punktartige Komponente führt zum Anstieg der QED Struktur für große x.
- Die Struktur virtueller Photonen ist unterdrückt.
- Virtuelle Photonen haben eine longitudinale Komponente. ($\sqrt{}$)
- Interferenzterme sind wichtig für virtuelle Photonen. ($\sqrt{}$)

Hadronische Struktur

- Im Bereich, in dem die punktartige Komponente dominiert, gelten die globalen Aussagen der QED modulo QCD Korrekturen.
- Die Q^2 Entwicklung der Photonstruktur zeigt einen positiven Anstieg für alle Werte von x.
- Die QCD Dynamik erzwingt bei festem Q^2 einen steilen Anstieg der Struktur für kleine Werte von x.

Alle diese Vorhersagen sind experimentell überprüft worden.

Der Myonpaarendzustand und $F^{\gamma}_{2, ext{QED}}(x,Q^2,P^2,m_{\mu})$

Eine klare Topologie mit guter Massenauflösung.

Die P^2 Abhängigkeit wird deutlich, und die Myonmasse kann auf $\pm 15\%$ bestimmt werden.

Die Evolution der Photon Verteilungsfunktionen

$$- \text{ Die Verteilungsfunktionen unterliegen gekoppelten inhomogenen Evolutionsgleichungen.} \\ \text{Quarks: } \frac{\mathrm{d}q_i^{\gamma}}{\mathrm{d}\ln Q^2} = \frac{\alpha}{2\pi} P_{q_i\gamma} \otimes \Gamma^{\gamma} + \frac{\alpha_s}{2\pi} \bigg\{ \sum_{k=1}^{n_f} \left[P_{q_iq_k} \otimes q_k^{\gamma} + P_{q_i\bar{q}_k} \otimes \bar{q}_k^{\gamma} \right] + P_{q_ig} \otimes g^{\gamma} \bigg\}, \\ \text{Antiquarks: } \frac{\mathrm{d}\bar{q}_i^{\gamma}}{\mathrm{d}\ln Q^2} = \frac{\alpha}{2\pi} P_{\bar{q}_i\gamma} \otimes \Gamma^{\gamma} + \frac{\alpha_s}{2\pi} \bigg\{ \sum_{k=1}^{n_f} \left[P_{\bar{q}_iq_k} \otimes q_k^{\gamma} + P_{\bar{q}_i\bar{q}_k} \otimes \bar{q}_k^{\gamma} \right] + P_{\bar{q}_ig} \otimes g^{\gamma} \bigg\}, \\ \text{Gluonen: } \frac{\mathrm{d}g^{\gamma}}{\mathrm{d}\ln Q^2} = \frac{\alpha}{2\pi} P_{g\gamma} \otimes \Gamma^{\gamma} + \frac{\alpha_s}{2\pi} \bigg\{ \sum_{k=1}^{n_f} \left[P_{gq_k} \otimes q_k^{\gamma} + P_{g\bar{q}_k} \otimes \bar{q}_k^{\gamma} \right] + P_{gg} \otimes g^{\gamma} \bigg\}, \\ \text{Photon: } \frac{\mathrm{d}\Gamma^{\gamma}}{\mathrm{d}\ln Q^2} = \frac{\alpha}{2\pi} \bigg\{ P_{\gamma\gamma} \otimes \Gamma^{\gamma} + \sum_{k=1}^{n_f} \left[P_{\gamma q_k} \otimes q_k^{\gamma} + P_{\gamma \bar{q}_k} \otimes \bar{q}_k^{\gamma} \right] + P_{\gamma g} \otimes g^{\gamma} \bigg\}, \\ \text{Mit: } \frac{\mathrm{d}\Gamma^{\gamma}}{\mathrm{LO}}(x, Q^2) = \delta(1-x) \bigg[1 - \frac{\alpha}{\pi} \bigg(\sum_{k=1}^{n_f} \mathrm{e}_{q_k}^2 \ln \frac{Q^2}{Q_0^2} + c_1 \bigg) \bigg]. \\ - \mathrm{Da} q_i^{\gamma}, g^{\gamma} = \mathcal{O}(\alpha) \text{ sind, genügt } \Gamma^{\gamma} = \mathcal{O}(1) \text{ und mit } q_i^{\gamma} = \bar{q}_i^{\gamma} \text{ reduziert sich das System zu:} \\ \frac{\mathrm{d}q_i^{\gamma}}{\mathrm{d}\ln Q^2} = \frac{\alpha}{2\pi} P_{q_i\gamma} + \frac{\alpha_s}{2\pi} \bigg\{ \sum_{k=1}^{n_f} \left(P_{q_iq_k} + P_{q_i\bar{q}_k} \right) \otimes q_k^{\gamma} + P_{q_ig} \otimes g^{\gamma} \bigg\} \\ \frac{\mathrm{d}g^{\gamma}}{\mathrm{d}\ln Q^2} = \frac{\alpha}{2\pi} P_{g\gamma} + \frac{\alpha_s}{2\pi} \bigg\{ \sum_{k=1}^{n_f} \left(P_{q_iq_k} + P_{q_i\bar{q}_k} \right) \otimes q_k^{\gamma} + P_{q_ig} \otimes g^{\gamma} \bigg\}$$

Der inhomogene Anteil sorgt für die positive Skalenverletzung bei allen x.

- 1973 Untersuchung der Zwei-Photon Prozesse im Quark Parton Modell durch Walsh und Zerwas.
- 1977 Entdeckung der LO asymptotischen Lösung von F_2^{γ} durch Witten.
- 1979 Berechnung der NLO Korrekturen zu F_2^{γ} durch Bardeen und Buras.
- 1981 Die erste Messung von F_2^{γ} durch PLUTO.
- 1986 Die erste Bestimmung von Λ aus F_2^{γ} Daten.
- 1990 Beginn der F_2^{γ} Messungen bei TRISTAN in Japan.
- 1994 Beginn der F_2^{γ} Messungen bei LEP am CERN.
- 1997 Bestätigung der logarithmischen Evolution von F_2^{γ} mit Q^2 durch OPAL.
- 1999 Erste quantitative Untersuchung der Interferenzterme in Myonendzuständen durch OPAL.
- 2000 Erste Messung von $F_{2,c}^{\gamma}$ durch OPAL.
- 2002 Beginn der Publikationen der endgültigen LEP Messungen.
- 2002 Bestimmung von α_s in NLO aus einem großen Satz von F_2^{γ} Messungen durch Albino et al.
- 20xx Beginn der F_2^{γ} Messungen am zukünftgen Linearbeschleuniger?

Messungen von F_2^{γ} haben mittlerweile eine mehr als 20-jährige Geschichte.

Die Messungen von F_2^γ bei kleinem x und Q^2

 $F_2^\gamma(x)$ bei kleinem x

- Die LEP Daten sind wesentlich genauer als die Daten von PLUTO und TPC- 2γ .
- Der Anstieg von F_2^{γ} ist sehr moderat im Vergleich zum Anstieg von F_2^{p} .
- Das QPM ist viel zu niedrig.
- Die QCD Vorhersagen von GRV(LO)
 und SaS1D sind leicht unterhalb
 der Daten.

Der kinematische Bereich ist noch zu klein, um den Anstieg bei kleinem x genau zu testen.

Die Messungen von F_2^γ bei hohem Q^2

 $F_2^\gamma(x)$ bei hohem Q^2

- $-F_2^{\gamma}(x)$ ist sehr flach.
- Die Messung ist durch die geringe
 Datenstatistik limitiert.
- Die QCD Vorhersagen sind ähnlich zum QPM Modell ⇒ kleine QCD Korrekturen.

- Starke Verbesserung der Messung bei mittleren Q^2 in den letzten Jahren.
- Erweiterung bis 780 ${
 m GeV^2}$.

Bei Einschluß der ALEPH and L3 Daten kann die statistische Unsicherheit verringert werden.

Im Gegensatz zu F_2^p zeigt die Photon Strukturfunktion F_2^{γ} positive Skalenverletzung für alle x.

Die Messung des Charm Anteils - $F_{2,c}^{\gamma}$

Alle Messungen von F_2^γ

Was haben wir erreicht

- Etwa 50 Messungen.
- Kinematischer Bereich:
 - $0.0006 \leq x < 1$, und
 - $1.9 \leq \langle Q^2
 angle \leq 780~{
 m GeV^2}.$
- Konsistenz mit großer Redundanz.
- Die Datenauswertung erfolgte auf sehr verschiedenem Wissensstand.

Eine vorsichtige Interpretation ist dringend angeraten.

- Die Partonen im Proton lassen sich durch Verteilungsfunktionen beschreiben.
- Der Elektron-Proton Wirkungsquerschnitt l\u00e4sst sich durch Strukturfunktionen, die von den Parton-Verteilungsfunktionen abh\u00e4ngen, parametrisieren. Die QCD macht nur Vorhersagen \u00fcber die Entwicklung mit Q², nicht \u00fcber die Funktionen selbst.
- Die tief-inelastische Streuung ist ein gutes Instrument zur Messung der Parton-Verteilungsfunktionen und der Kopplungskonstanten α_s der starken Wechselwirkung.
- Am HERA Beschleuniger ist das Proton mit großer Genauigkeit vermessen worden.
- Wegen der Gluon-Abstrahlung zeigt die Proton Strukturfunktion F_2^p negative Skalenverletzung für große x. Bei kleinen x ergibt sich positive Skalenverletzung durch Quark-Paarerzeugung.
- Auch die Quantenfluktuationen des Photons lassen sich durch Strukturfunktionen beschreiben.
- Im Gegensatz zu F_2^p zeigt die Photon Strukturfunktion F_2^{γ} positive Skalenverletzung für alle Werte von x.
- Am LEP Beschleuniger ist das Photon mit großer Genauigkeit vermessen worden.
- Die zukünftigen Messungen der Photon Struktur werden am Linearbeschleuniger durchgeführt werden.